### 透磁率変調に基づく 可変界磁 PM モータの拡張弱め界磁制御 山田 幹太\*. 岩間 清大 野口 季彦 (静岡大学) Extended Field Weakening Control of Adjustable Field PM Motor

# Based on Permeability Modulation

Kanta Yamada\*, Kiyohiro Iwama and Toshihiko Noguchi (Shizuoka University)

This paper describes extended field weakening control applied to an adjustable field PM motor based on permeability modulation. The drive circuit is a dual inverter system using two full-bridge inverters. Sharing the DC bus power source with two inverters, the drive circuit can control the 0-axis current  $i_0$  in addition to the d-axis current  $i_d$  and q-axis current  $i_q$  used in the conventional motor drive. This  $i_0$  is used to control the magnetic saturation between the PM poles, and can change the magnetic field established by the PM. Therefore, it is possible to extend the current vector control defined in the dq coordinate system to the three-dimensional 0dq coordinate system with the added i0. In the paper, an extended field weakening control algorithm used in a high-speed range is proposed, where the voltage limitation is a problem.

キーワード: 拡張弱め界磁制御, 可変界磁, デュアルインバータ, 0dg 座標系, 運転領域 Keywords : extended field weakening control, adjustable field, dual inverter, 0dq coordinate system, operating range

### 1. はじめに

近年、地球温暖化防止の観点から二酸化炭素排出量低減 を目的とした自動車の電動化及びその周辺技術が注目され ている。その駆動用モータには、高効率、高出力密度が求め られ、高パワー密度を特長とするネオジム永久磁石 (PM) を使用した永久磁石同期モータ(PMSM)が賞用されている。 しかし、PM 磁束が一定である PMSM では、高トルク運転 と高速運転を両立して広い運転領域を実現することは困難 である。また、高速運転を実現するための弱め界磁制御で は、多くの負の d 軸電流が必要であり銅損の増加につなが る。そこで、運転条件に合わせて PM 磁束を制御できる可変 界磁 PM モータの研究が盛んに行われている(1)~(3)。しかし、 これまで提案されてきた可変界磁手法では、界磁を電機子 と独立かつ連続的に制御することが困難であり、追加の回 路を要求するため駆動システムが大型化する問題がある。 そこで、筆者らは磁性材料の磁気飽和現象を利用した透磁 率変調に基づく可変界磁 PM モータを提案してきた<sup>(4)</sup>。

この手法では、従来の d、q 軸電流に加えて、PM 磁束を 制御するための新たな0軸電流を用いる。これに伴い,筆者 らは従来の dq 座標系で確立された電流ベクトル制御を 0dq 座標系に拡張し、一定の電流ノルムで最大トルクを出力す る拡張 MTPA 制御を提案してきた<sup>(5)</sup>。しかし, 拡張 MTPA 制 御は電圧制限が問題とならない低速運転時には有効である

ものの、零相の追加よる高速運転時の運転領域拡大につい ては示されていない。本稿では電圧制限が問題となる高速 運転時に適用する 0 軸を加味した拡張弱め界磁制御則を確 立し、透磁率変調に基づく可変界磁 PM モータに適用する ことで、運転領域の拡大を実現したので報告する。

#### 2. 拡張弱め界磁制御則の確立

Fig. 1 に 0dq 座標系の電流ベクトルを示す。同図より 0dq 座標系の電流ノルムLaは下式で表される。

$$i_0^2 + i_d^2 + i_q^2 = I_a^2 \tag{1}$$

Fig. 2 に提案する可変界磁 PM モータ, Fig. 3 にその駆動 回路をそれぞれ示す。Fig.3のように駆動回路として運転領



Fig. 2. Proposed motor model.



Fig. 3. Motor drive system with dual inverter.

域の拡大を目的に 2 台のインバータを用いたデュアルイン バータ方式を採用している。このシステムでは左右の直流 バスを共通にすることで、従来のd 軸電流 *id*, q 軸電流 *iq*に 加えて 0 軸電流 *io*の制御を可能にしている。この *io*を Fig. 2 に図示した可変界磁 PM モータに供給することで、ロータ 磁極間の磁気飽和状態を変化させ、PM 磁束の調整を実現す る。また、可変界磁に必要な変調起磁力を確保するため、各 三相巻線に対して直列に零相巻線を追加しなければならな い。これにより、零相巻線には各相の線電流の三相平衡成分 *iu*, *iv*, *iw*が通流するが、3 本の零相巻線を束ねて巻くため、 *iu*, *iv*, *iw*により発生する合成磁束鎖交数は相殺される。以上 を踏まえた 0dq 座標系の電圧方程式を以下に示す。

$$\begin{bmatrix} v_0 \\ v_d \\ v_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R_a + R_z & 0 & 0 \\ 0 & R_a + R_z & -\omega L_q \\ 0 & \omega L_d & R_a + R_z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_0 \\ i_d \\ i_q \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} L_0 & 0 & 0 \\ 0 & L_d & 0 \\ 0 & 0 & L_q \end{bmatrix} \frac{d}{dt} \begin{bmatrix} i_0 \\ i_d \\ i_q \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega \psi_a(i_0) \end{bmatrix}$$
(2)

ここで、 $R_a$ は三相巻線抵抗、 $R_z$ は零相巻線抵抗、 $L_0$ 、 $L_d$ 、 $L_q$ は 0 軸、d 軸、q 軸インダクタンス、 $\Psi_a(i_0)$ は 0dq 座標系の界 磁磁束鎖交数、 $\omega$  は電気角周波数である。Fig.4 に電磁界解 析ソフト JMAG-Designer 19.1<sup>TM</sup> で解析した  $\Psi_a(i_0)$ と  $i_0$  の関 係を示す。同図より  $\Psi_a(i_0)$ は  $i_0$  の絶対値に依存しており、線 形近似したとすると比例係数 k および界磁磁束鎖交数の最 小値  $\psi_{min}$  を用いて下式で表される。また、本稿では  $i_0$  が正 の範囲のみを使用する。

$$\Psi_a(i_0) = k \left| i_0 \right| + \Psi_{\min} \tag{3}$$

Table 1 に Fig. 2 の可変界磁 PM モータの主要諸元を示す。 同表より  $i_0 \ge \Psi_a(i_0)$ の関係を表す比例係数 k は次の値となる。



Fig. 4. Relationship between magnetic field and 0-axis current.

Maximum modulation current	22.1 A
Number of poles	8 poles
Number of armature winding turns	12 turns
Number of modulation winding turns	42 turns
Stator diameter	<i>ø</i> 148 mm
Rotor diameter	φ 96.6 mm
Magnet Length	48 mm
Resistance of armature winding	0.09 Ω
Resistance of modulation winding	0.109 Ω
d-axis inductance	0.372 mH
q-axis inductance	0.947 mH

Minimum magnetic field

Maximum magnetic field

Table 1. Specifications of adjustable field PM motor.

$$k = \frac{\psi_{\max} - \psi_{\min}}{i_{0m}} = 1.62 \times 10^{-3} \tag{4}$$

0.0263 Wb

0.0470 Wb

(2), (3)より 0dq 座標系の誘起電圧 V。には,以下の関係が成り立つ。

$$(k|i_{0}| + \psi_{\min} + L_{d}i_{d})^{2} + (L_{q}i_{q})^{2} = \left(\frac{V_{o}}{\omega}\right)^{2}$$
(5)

Fig.5に(5)の電圧制限楕円体を ioのマップとして示す。ここで、モータパラメータには Table 1 の値を用いており、直流バス電圧は 100 V である。同図より回転速度の増加に伴い電圧制限楕円体が縮小していることがわかる。また、拡張弱め界磁制御の電流動作点(io, id, iq)は、(1)で導出される電流制限球と電圧制限楕円体の交線(図中点線)上にある。提案する可変界磁 PM モータの出力トルク T は、(3)を用いて下式で表される。ただし、Pn は極対数である。



Fig. 5. *i*<sup>0</sup> map of voltage limiting ellipsoidal sphere.



Fig. 6. Relationship between torque and 0-axis current.

$$T = P_n \{ (k | i_0 | + \psi_{\min}) i_q + (L_d - L_q) i_d i_q \}$$
(6)

拡張弱め界磁制御では、高速運転時の V。を負の ia だけでな く io によっても減少させ、電源電圧で決定する誘起電圧の 制限値に保ちながら最大トルクを出力する。このとき、誘起 電圧の制限値を Vom とすると、(1)、(5)より ia 及び iq は io を 用いて以下の式で表される。

$$i_{d} = \frac{L_{d}(k|i_{0}| + \psi_{\min}) - \sqrt{L_{d}^{2}(k|i_{0}| + \psi_{\min})^{2} + (L_{q}^{2} - L_{d}^{2}) \left\{ (k|i_{0}| + \psi_{\min})^{2} + L_{q}^{2}(L_{a}^{2} - i_{0}^{2}) - \left(\frac{V_{om}}{\omega}\right)^{2} \right\}}{L_{q}^{2} - L_{d}^{2}}$$
(7)

$$i_q = \sqrt{I_a^2 - i_d^2 - i_0^2}$$
(8)

(6)に(7)及び(8)を代入することで、Tをioの関数として表 すことができる。また、トルクの最大値は  $\partial T/\partial i_0 = 0$  を満 たす点であり、これを io について解くことで拡張弱め界磁 の制御則が得られる。しかし、理論式は複雑であり、一般解 を導出することは困難である。そこで、ニュートン法を用い た数値計算により ioを近似解として求める。Fig.6 に Tとio の関係を示す。同図は電流制限および電圧制限を満たすと きのトルクであり、回転速度に依らず極大値をもつため、  $\partial T/\partial i_0 = 0$ を満たすときに最大トルクが得られる。また、 Fig.5 の電流動作点での ioにおいてトルクが最大値になるこ とが確認できる。Fig.7 に(1)の電流制限球と各回転速度にお ける拡張弱め界磁制御の電流動作点 (io, id, id) を示す。ここ で、電流ノルムは 45 A である。同図より拡張弱め界磁制御 の動作点は電流制限球上に存在し、回転速度の増加により io は減少し、負の idは増加することがわかる。

# 3. シミュレーションによる運転特性の確認

# 〈3・1〉 各種制御法との比較

Table 1 より可変界磁に必要な変調電流 *im*(0 軸電流 *iom*) は最大 22.1 (12.8) A である。これはロータ漏れ磁路の透磁 率を変調する本可変界磁手法において, *iom*以上の 0 軸電流 を通流しても磁極間は十分に磁気飽和しており, *ψmax*以上に 界磁磁束鎖交数を増加できないためである。Fig.6 より拡張



弱め界磁制御の 0 軸電流指令値 io\*が変調起磁力に必要な 0 軸電流 iom 以上(io\* $\geq$ iom)の場合では、トルクは単調増加で あるため io = iom で最大トルクを出力する。Fig. 8 に可変界 磁 PM モータに各種制御法を用いたときの各電流指令値及 びトルクと回転速度の関係を示す。拡張制御法を適用した ときの基底速度は 4861 r/min であり、これより低速では拡張 MTPA 制御、高速では拡張弱め界磁制御を行っている。ま た、従来法では dq 座標系で確立された最大出力制御を行っ ている。同図より拡張制御法では、回転速度の増加により io\* が減少していることがわかる。io\*の減少(-12.8 A) によ り  $\Psi_a(io)$ は  $\psi_{max}$  から  $\psi_{min}$  まで 0.0207Wb 低下する。これと同 等の弱め界磁を負の ia\*で達成するには-55.6 A もの電流が必 要であり、ioによる可変界磁動作の弱め界磁効果および銅損



Fig. 8. Simulation results of current command and torque.

低減に関する優位性を確認できる。また, io\*が 0 A になる と, ia\*, iq\*が従来法のものと一致するため, 拡張弱め界磁制 御法は従来の弱め界磁制御法を包含する技術と言える。さ らに, 拡張弱め界磁制御を適用する定出力運転領域では従 来法よりも大きなトルクが得られており, 運転領域の 1.40 倍の拡大を実現している。これにより, 領域全体でも 1.24 倍 の拡大を実現しており, 運転領域拡大の観点から拡張制御 法は可変界磁 PM モータの制御法として最適であることが わかる。

#### 〈3・2〉 一般的なモータ駆動との比較

Table 2 に電磁界解析ソフトで解析した一般的なモータモ デルのパラメータを示す。一般的なモータとして、トヨタ製 プリウスモデル、電気学会 D モデル、表面磁石同期モータ (SPMSM)を採り上げる。一般モデルのステータ構造は Table 1 の可変界磁 PM モータと同様であり、Fig. 9 のようにロー タ構造もロータ体積及び磁石量(磁石の種類と体積)も同様 となるように縮小したものを使用した。Fig. 10 に可変界磁 PM モータと拡張制御法を組み合わせた駆動、一般的なモー タと従来法を組み合わせた駆動でのトルクと回転速度の関 係を示す。同図より提案する手法は一般モータ駆動よりも 低速運転時のトルクでは不利であるが、高速運転時のトル クでは有利となる。よって、可変界磁 PM モータと拡張弱め

Table 2. Specifications of standard motors.

model	$L_d$ (mH)	$L_q (\mathrm{mH})$	$\Psi_a$ (Wb)
Prius model	0.385	1.19	0.0613
D model	0.497	1.17	0.0554
SPM model	0.291	0.322	0.0797



(a) Prius model. (b) D model. (c) SPM model. Fig. 9. Standard motor models.



Fig. 10. Relationship between torque and rotating speed.

1 0 0	1	2
Constant torque	Constant output	Operating
range (Nmr/min)	range (Nmr/min)	range (Nmr/min)
43785	54017	97802
48279	21589	69868
46674	30695	77369
50216	8010	58226
	Constant torque range (Nmr/min) 43785 48279 46674 50216	Constant torque         Constant output range (Nmr/min)           43785         54017           48279         21589           46674         30695           50216         8010

Table 3. Operating range of compared motor systems.

界磁制御を組み合わせることで、一般モータ駆動よりも高 速運転時の運転領域を拡大できることが明らかとなった。 また、可変界磁 PM モータのロータ構造を改良し、最大界磁 量を一般モータに近づけることで、低速運転時でも一般モ ータ駆動と同等の出力トルクを実現でき、更なる運転領域 の拡大を期待することもできる。Table 3 に各モータの定ト ルク運転領域および定出力運転領域の比較を示す。ここで、 運転領域とは Fig. 10 の N-T 曲線で囲まれた面積である。同 表より提案する手法では、定出力運転領域が一般モータ駆 動よりも大幅に拡大している。これにより、領域全体でも一 般モータ駆動を上回り、可変界磁 PM モータと拡張弱め界 磁制御の有用性が明らかとなった。

# 4. まとめ

本稿では 0dq 座標系に拡張した弱め界磁制御を提案し, 電圧制限が問題となる高速運転時において,拡張弱め界磁 制御を適用することで最大トルクを出力できることを確認 した。この結果より,透磁率変調に基づく可変界磁 PM モー タの高速運転時の制御には,拡張弱め界磁制御が適してい ると考えられる。また,一般的なモータ駆動と比較した結 果,可変界磁 PM モータに拡張弱め界磁制御を適用するこ とで,定出力運転領域の大幅な拡大を実現でき,可変界磁 PM モータと拡張弱め界磁制御の有用性を確認できた。

従来の dq 座標系で確立された最大出力制御では,高速運 転時に弱め界磁制御から最大トルク/誘起電圧制御(MTPV 制御)に切り換えることで,理論上無限大の回転速度までト ルクを発生できる。今後は,本稿で報告した拡張弱め界磁制 御よりも高速運転時に適用される 0dq 座標系に拡張した MTPV 制御についても検討していく所存である。

V	南下
$\sim$	1+1/

- (1) K. Sakai, K. Yuki, Y. Hashiba, N. Takahashi, K. Yasui, and L. Kovudhikulrungsri, "Principle and Basic Characteristics of Variable-Magnetic-Force Memory Motors," *IEEJ Trans. Ind. Appl.*, Vol. 131, No. 1, pp. 53-60, 2011.
- (2) T. Mizuno, K. Nagayama, T. Ashikaga, and T. Kobayashi, "Basic Principles and Characteristics of Hybrid Excitation Type Synchronous Machine," *IEEJ Trans. Ind. Appl.*, Vol. 115, No. 11, pp. 1402-1411, 1995.
- (3) M. Namba, K. Hiramoto, and H. Nakai, "Novel Variable-Field Motor with a Three-Dimensional Magnetic Circuit," *IEEJ Trans. Ind. Appl.*, Vol. 135, No. 11, pp. 1085-1090, 2015.
- (4) 岩間・野口・青山:「零相電流を利用した透磁率変調に基づく可変界
   磁 PM モータの基礎検討」平成 31 年電気学会全国大会, pp. 50-51
   (2019)
- (5) 岩間・Nafia Nindita・野口・青山:「透磁率変調に基づく可変界磁 PM モータの拡張 MTPA 制御に関する基礎検討」東海支部連合大会, (2019)